

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Новосибирский национальный исследовательский государственный университет»  
(Новосибирский государственный университет, НГУ)

**Физический факультет  
Кафедра высшей математики ФФ**



Согласовано, декан ФФ

Блинов В.Е.

2025 г.

**Рабочая программа дисциплины**

**ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ГЛАВЫ ВЫЧИСЛИТЕЛЬНОЙ ФИЗИКИ**

направление подготовки: **03.04.01 Прикладные математика и физика**  
направленности (профили): **все профили**

Форма обучения  
**Очная**

Семестр	Общий объем	Виды учебных занятий (в часах)				Промежуточная аттестация (в часах)				
		Контактная работа обучающихся с преподавателем			Самостоятельная ра- бота, не включая период сессии	Самостоятельная подго- товка к промежуточной аттестации	Контактная работа обучающихся с преподавателем			
		Лекции	Практические занятия	Лабораторные за- нятия			Консультации	Зачет	Дифференциро- ванный зачет	Экзамен
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1	72	16	22		32				2	
2	72	16	22		12	18	2			2
<b>Итого</b>	<b>144</b>	<b>36</b>	<b>44</b>		<b>48</b>	<b>18</b>	<b>2</b>		<b>2</b>	<b>2</b>
Всего 144 часа / 4 зачётные единицы, из них: - контактная работа 86 часов										
Компетенции ОПК-3										

Руководитель программы  
д.ф.-м.н.

И. Б. Логашенко

Новосибирск, 2025

## Содержание

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесённых с планируемыми результатами освоения образовательной программы. ....	3
2. Место дисциплины в структуре образовательной программы. ....	3
3. Трудоёмкость дисциплины в зачётных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающегося с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу. ....	3
4. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведённого на них количества академических часов и видов учебных занятий. ....	4
5. Перечень учебной литературы. ....	5
6. Перечень учебно-методических материалов по самостоятельной работе обучающихся. ....	6
7. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.....	6
8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине. ....	7
9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине.....	7
10. Оценочные средства для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине. ....	8

### 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесённых с планируемыми результатами освоения образовательной программы.

Дисциплина «Дополнительные главы вычислительной физики» имеет своей целью познакомить обучающихся с современными вычислительными методами в применении к различным разделам физики.

Дисциплина нацелена на формирование у обучающегося общепрофессиональной компетенции:

Результаты освоения образовательной программы (компетенции)	Индикаторы	Результаты обучения по дисциплине
<b>ОПК-3.</b> Способен в рамках своей профессиональной деятельности анализировать, выявлять, формализовать и находить решения фундаментальных и прикладных научно-технических, технологических и инновационных задач.	<b>ОПК - 3.1.</b> Применяет современные методы анализа, обработки и формализации информации для решения фундаментальных и прикладных научно-технических, технологических и инновационных задач при проведении научных работ, аналитических и (или) проектных исследований в избранной области, в том числе находящихся за пределами профильной подготовки.	<b>Знать</b> современные методы вычислительной физики для различных приложений. <b>Уметь</b> сделать выбор оптимальных методов вычислительной физики при решении конкретных задач в конкретной области исследований.

### 2. Место дисциплины в структуре образовательной программы.

Факультативная дисциплина «Дополнительные главы вычислительной физики» предназначен для тех студентов, кто стремится узнать о современных вычислительных методах в приложениях к различным разделам физики. Результаты освоения дисциплины могут быть использованы при выполнении научно-исследовательской работы магистрантами.

### 3. Трудоемкость дисциплины в зачётных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающегося с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу.

Трудоемкость дисциплины – 4 з.е. (144 ч)

Форма промежуточной аттестации: 1 семестр – дифференцированный зачет, 2 семестр - экзамен

Таблица 3.1

№	Вид деятельности	Семестр	
		1	2
1	Лекции, ч	16	16
2	Практические занятия, ч	22	22
3	Лабораторные занятия, ч		
4	Занятия в контактной форме, ч, из них	40	42
5	из них аудиторных занятий, ч	38	38
6	в электронной форме, ч	-	-

7	консультаций, час.	-	2
8	промежуточная аттестация, ч	2	2
9	Самостоятельная работа, час.	32	30
10	Всего, ч	72	72

**4. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведённого на них количества академических часов и видов учебных занятий.**

**Программа и основное содержание лекций (32 часа)**

Таблица 4.1

Наименование темы и их содержание	Объем, час
<b>1. Конечно-разностные методы решения уравнений в частных производных гиперболического, параболического и эллиптического типов</b>	
<p><b>Основные понятия теории конечно-разностных схем</b></p> <p>Понятия аппроксимации, устойчивости и сходимости. Теорема Лакса. Конечно-разностные аппроксимации. Операции численного дифференцирования и интегрирования как фильтры.</p> <p><b>Линейное одномерное уравнение переноса.</b></p> <p>Основные разностные схемы. Понятие условной аппроксимации, схема Лакса. Необходимое спектральное условие устойчивости Неймана. Спектральный анализ основных схем. Численная вязкость и численная дисперсия. Монотонность разностных схем, теорема Годунова. Невозрастание полной вариации, TVD схемы.</p>	6
<b>2.Схемы приближенной факторизации для решения многомерных задач математической физики</b>	
<p><b>Схемы для параболических уравнений.</b></p> <p>Линейные одномерные уравнение параболического типа: уравнение теплопроводности, уравнение Шредингера, уравнение Гинзбурга-Ландау. Двухслойная схема с весами Схема Кранка-Николсон и схема повышенного порядка точности. Анализ устойчивости этих схем. Канонические схемы для одномерного уравнения теплопроводности: схема Рундсона, схема Дюфорта-Франкеля, трехслойная схема с весами. Двухмерное уравнение теплопроводности. Явная схема и схема Кранка-Николсон. Проблемы численной реализации. Схема продольно-поперечной прогонки для двухмерного случая. Схемы для трехмерного уравнения теплопроводности: схема стабилизирующей поправки, схема Яненко, схема предиктор-корректор. Схемы приближенной факторизации, расщепление многомерного оператора. Реализация схем в дробных шагах. Понятие схемы с условной аппроксимацией.</p> <p><b>Методы решения эллиптических уравнений.</b></p> <p>Типы краевых задач для уравнений эллиптического типа. Методы правой (левой) прогонки и метод циклической прогонки для решения одномерных задач. Итерационные методы: метод простой итерации и метод последовательной верхней ре-</p>	6

лаксации. Схема универсального алгоритма. Схема переменных направлений и явная схема переменных направлений. Метод ускорения итераций. Метод неполной факторизации. Прямые методы. Двухкратное преобразование Фурье. О д н о - кратное преобразование Фурье. Периодические граничные условия. Алгоритмы для решения нелинейных уравнений эллиптического типа.	
<b>3. Методы решения нелинейных уравнений эволюционного типа</b> <b>Методы решения интегральных уравнений.</b>	
Интегральные уравнения Фредгольма и Вольтерра первого и второго рода. Методы решения интегрального уравнения Фредгольма второго рода: метод последовательных приближений, метод квадратур, метод вырожденных ядер, методы проекционного типа. Интегральное уравнение Фредгольма первого рода, как пример некорректно поставленной задачи. Регуляризация по Тихонову. Методы решения уравнения Вольтерра.	4

#### Программа практических занятий (44 часа)

1. Схемы приближённой факторизации
2. Уравнения газовой динамики
3. Задачи нелинейной оптики
4. Задачи квантовой механики

#### Самостоятельная работа студентов (66 часов)

Перечень занятий на СРС	Объем, час
Подготовка к практическим занятиям.	32
Изучение теоретического материала, не освещаемого на лекциях	16
Подготовка к экзамену	18

#### 5. Перечень учебной литературы.

1. Вержбицкий В.М. Численные методы. Линейная алгебра и нелинейные уравнения. – М.: Высшая школа, 2005., ISBN 5-329-01110-8 (2 экз.)
2. Ильин В.П. Методы и технологии конечных элементов. – Новосибирск: Изд-во ИВМиМГ СО РАН, 2007., ISBN 978-5-901548-30-1 (12 экз.)
3. Кунин С. Вычислительная физика. – М.: Мир, 1992., ISBN 5-03-00124-8 (1 экз.)
4. Березин Ю.А., Дудникова Г.И., Лисейкина Т.В., Федорук М.П. Моделирование нестационарных плазменных процессов. – Новосибирск: НГУ, 2018., ISBN 978-5-4437-0721-1 (50 экз.)
5. Хакимзянов Г. С., Черный С. Г. Методы вычислений. – Новосибирск: НГУ, 2003. – Ч. 1. (177 экз.)
6. Лебедев А.С., Черный С.Г. Практикум по численному решению уравнений в частных производных: Учеб. пособие. – Новосибирск: НГУ, 2000. (186 экз.)

7. Хакимзянов Г. С., Черный С. Г. Численные методы решения задач для уравнений гиперболического типа. – Новосибирск: НГУ, 2014. – Ч. 4. – 207 с., ISBN 978-5-4437-0265-0 (86 экз.)
8. Хакимзянов Г. С., Черный С. Г. Методы вычислений. – Новосибирск: НГУ, 2008. – Ч. 3., ISBN 978-5-94356-612-7 (86 экз.)
9. Яненко Н.Н. Метод дробных шагов решения задач математической физики. – Новосибирск: Наука, 1967. (17 экз.)
10. Самарский А.А., Вабищевич П.Н., Самарская Е.А. Задачи и упражнения по численным методам: Учеб. пособие. – М.: Эдиториал УРСС, 2000., ISBN 5-8360-0158-8 (1 экз.)
11. Самарский А.А., Николаев Е.С. Методы решения сеточных уравнений. М.: Наука, 1978, 592 с.(90 экз.)

## **6. Перечень учебно-методических материалов по самостоятельной работе обучающихся.**

Самостоятельная работа студентов поддерживается следующими учебными пособиями:

1. Мушер С.Л. Вычислительный эксперимент и цифровая обработка данных. – Новосибирск: НГУ, 2003.
2. Хокни Р., Иствуд Дж. Численное моделирование методом частиц. – М.: Мир, 1987.
3. Смирнов С.В. Основы вычислительной физики: в 2 ч. – Новосибирск: НГУ, 2017. – Ч. II.
4. Taflove A., Hagness S. C. Computational Electrodynamics: The Finite-Difference Time-Domain Method, 3rd ed. Norwood, MA: Artech House, 2005.
5. Григорьев Ю.Н., Вшивков В.А., Федорук М.П. Численное моделирование методами частиц в ячейках. – Новосибирск: Сибирское издательство РАН. – 2004. – 368 с.
6. Березин Ю.А., Вшивков В.А. Метод частиц в динамике разреженной плазмы. Новосибирск: Наука. Сиб. отд-ние, 1980.
7. Соболев И.М. Метод Монте-Карло. М. – «Наука». 1968, 64 с. («Популярные лекции по математике», вып. 46).
8. Михайлов Г.А., Войтишек А.В. Численное статистическое моделирование. Метод Монте-Карло. М.: Академия, 2006.
9. Шарый С.П. Курс вычислительных методов. –Новосибирск: Институт вычислительных технологий СО РАН, 2022.

## **7. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.**

Для освоения дисциплины используются следующие ресурсы:

- электронная информационно-образовательная среда НГУ (ЭИОС);
- образовательные интернет-порталы;
- информационно-телекоммуникационная сеть Интернет.

### **7.1 Современные профессиональные базы данных**

Не используются.

### **7.2. Информационные справочные системы**

Не используются.

## **8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине.**

Для обеспечения реализации дисциплины используется стандартный комплект программного обеспечения (ПО), включающий регулярно обновляемое лицензионное ПО Windows и MS Office.

Использование специализированного программного обеспечения для изучения дисциплины не требуется.

## **9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине.**

Для реализации дисциплины используются специальные помещения:

1. Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, практических занятий, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля, промежуточной и итоговой аттестации.

2. Помещения для самостоятельной работы обучающихся.

Учебные аудитории укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду НГУ.

Материально-техническое обеспечение образовательного процесса по дисциплине для обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья осуществляется согласно «Порядку организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья в Новосибирском государственном университете».

## 10. Оценочные средства для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине.

### 10.1 Порядок проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине

#### *Текущий контроль*

Текущий контроль успеваемости осуществляется на практических занятиях преподавателем при решении студентом задач, рекомендованных для практических занятий и домашних заданий, обсуждаются идеи и способы решения. В течение семестра студенту необходимо выполнить и защитить индивидуально одно задание по каждой теме.

#### *Промежуточная аттестация*

Освоение компетенций оценивается согласно шкале оценки уровня сформированности компетенции. Положительная оценка по дисциплине выставляется в том случае, если заявленная компетенция ОПК-3 сформирована не ниже порогового уровня в части, относящейся к формированию способности использовать специализированные знания в области конструирования и технологического сопровождения производства деталей и узлов.

Промежуточная аттестация проходит в форме дифференцированного зачёта в конце семестра в устной форме. Вопросы к дифференцированному зачету подбираются таким образом, чтобы проверить уровень сформированности компетенции ОПК-3.

Вывод об уровне сформированности компетенций принимается преподавателем. Каждый вопрос на дифференцированном зачёте оценивается от 0 до 5 баллов. Положительная оценка ставится, когда все компетенции освоены не ниже порогового уровня. Оценки «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» означают успешное прохождение промежуточной аттестации. Критерии и шкалы оценивания индикаторов достижения результатов обучения отражены в Таблице 10.2.

### Соответствие индикаторов и результатов освоения дисциплины

Таблица 10.1

Код компетенции	Индикатор	Результат обучения по дисциплине	Оценочные средства
ОПК-3	ОПК - 3.1. Применяет современные методы анализа, обработки и формализации информации для решения фундаментальных и прикладных научно-технических, технологических и инновационных задач при проведении научных работ, аналитических и (или) проектных исследований в избранной области, в том числе находящихся за пределами профильной подготовки.	<b>Знать</b> современные методы вычислительной физики для различных приложений.	Проведение опроса, решение и сдача заданий, дифференцированный зачет/экзамен
		<b>Уметь</b> сделать выбор оптимальных методов вычислительной физики при решении конкретных задач в конкретной области исследований.	



**10.2 Описание критериев и шкал оценивания индикаторов достижения результатов обучения по дисциплине «Дополнительные главы вычислительной физики».**

**Таблица 10.2**

Критерии оценивания результатов обучения	Шкала оценивания
<p><b><u>Решение заданий:</u></b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– задание решено правильно,</li> <li>– работа оформлена аккуратно, четкие рисунки и чертежи,</li> <li>– осмысленность, логичность и аргументированность изложения материала,</li> <li>– точность и корректность применения терминов и понятий.</li> </ul> <p>«Сдать задачу» означает объяснение хода её решения и, при необходимости, ответы на дополнительные вопросы преподавателя, имеющие принципиальное значение для данной дисциплины. Свободно и аргументированно отвечает на дополнительные вопросы. В ответах на вопросы преподавателя обучающийся мог допустить не принципиальные неточности.</p> <p><b><u>Дифференцированный зачет. Экзамен:</u></b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– самостоятельность, осмысленность, структурированность, логичность и аргументированность изложения материала, отсутствие затруднений в объяснении процессов и явлений, а также при формулировке собственных суждений,</li> <li>– точность и корректность применения терминов и понятий,</li> <li>– наличие исчерпывающих ответов на дополнительные вопросы.</li> </ul> <p>При изложении ответа на вопрос(ы) преподавателя обучающийся мог допустить не принципиальные неточности.</p>	Отлично
<p><b><u>Решение заданий:</u></b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– задание решено правильно,</li> <li>– работа оформлена аккуратно, четкие рисунки и чертежи,</li> <li>– осмысленность, логичность и аргументированность изложения материала, наличие затруднений в формулировке собственных суждений,</li> <li>– точность и корректность применения терминов и понятий, при наличии незначительных ошибок.</li> </ul> <p>«Сдать задачу» означает объяснение хода её решения и, при необходимости, ответы на дополнительные вопросы преподавателя, имеющие принципиальное значение для данной дисциплины. Отвечает на дополнительные вопросы.</p> <p>В ответах на вопросы преподавателя обучающийся мог допустить не принципиальные неточности.</p> <p><b><u>Дифференцированный зачет. Экзамен:</u></b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– самостоятельность, осмысленность, структурированность, логичность и аргументированность изложения материала, наличие затруднений в объяснении отдельных процессов и явления, а также при формулировке собственных суждений,</li> <li>– точность и корректность применения терминов и понятий при наличии незначительных ошибок,</li> <li>– наличие полных ответов на дополнительные вопросы с возможным присутствием ошибок.</li> </ul>	Хорошо
<p><b><u>Решение заданий:</u></b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– задание решено правильно,</li> <li>– работа оформлена неаккуратно</li> </ul>	Удовлетворительно

<ul style="list-style-type: none"> <li>– неосознанность и неосновательность выбранных методов анализа,</li> <li>– нет осмысленности в изложении материала, наличие ошибок в логике и аргументации,</li> <li>– корректность применения терминов и понятий, при наличии незначительных ошибок.</li> </ul> <p>«Сдать задачу» означает объяснение хода её решения и, при необходимости, ответы на дополнительные вопросы преподавателя, имеющие принципиальное значение для данной дисциплины. При ответах на вопросы допускает ошибки</p> <p><b><u>Дифференцированный зачет. Экзамен:</u></b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– теоретический и фактический материал в слабой степени подкреплён ссылками на научную литературу и источники,</li> <li>– частичное понимание и неполное изложение причинно-следственных связей,</li> <li>– самостоятельность и осмысленность в изложении материала, наличие ошибок в логике и аргументации, в объяснении процессов и явлений, а также затруднений при формулировке собственных суждений,</li> <li>– корректность применения терминов и понятий, при наличии незначительных ошибок,</li> <li>– наличие неполных и/или содержащих существенные ошибки ответов на дополнительные вопросы.</li> </ul>	
<p><b><u>Решение заданий:</u></b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– задание решено неправильно,</li> <li>– компилятивное, неосмысленное, нелогичное и неаргументированное изложение материала,</li> <li>– грубые ошибки в применении терминов и понятий,</li> </ul> <p>«Сдать задачу» означает объяснение хода её решения и, при необходимости, ответы на дополнительные вопросы преподавателя, имеющие принципиальное значение для данной дисциплины. На дополнительные вопросы не отвечает.</p> <p><b><u>Дифференцированный зачет. Экзамен:</u></b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– фрагментарное и недостаточное представление теоретического и фактического материала, не подкреплённое ссылками на научную литературу и источники,</li> <li>– непонимание причинно-следственных связей,</li> <li>– отсутствие осмысленности, структурированности, логичности и аргументированности в изложении материала,</li> <li>– грубые ошибки в применении терминов и понятий,</li> <li>– отсутствие ответов на дополнительные вопросы.</li> </ul>	<p><i>Неудовлетворительно</i></p>

### 10.3 Типовые контрольные задания и материалы, необходимые для оценки результатов обучения

#### Список вопросов к дифференцированному зачёту

1. Понятие сходимости, аппроксимации и устойчивости. Теорема эквивалентности Лакса.
2. МНК для нахождения разностных производных произвольного порядка. Разностные операции как фильтры, понятие передаточной функции.
3. Схемы для линейного уравнения переноса. Схема с направленными разностями, Лакса-Вендроффа, трехслойная разностная схема.

4. Понятие условной аппроксимации на примере схемы Лакса.
5. Необходимое спектральное условие Неймана. Анализ на устойчивость типичных схем для уравнения переноса с вязкостью
6. Численная вязкость и численная дисперсия. Понятие монотонности. Теорема Годунова. Пример монотонной и немонотонной схемы для линейного уравнения переноса.
7. Схемы для уравнения  $u_t = Au_{xx} + f(x, t)$ ,  $A = a + ib$ .  
Схема с весами. Схемы Кранка-Николсон и компактная разностная схема повышенного порядка точности. Их аппроксимация и устойчивость.
8. Простейшие разностные схемы для уравнения теплопроводности: явная схема, схема Рундсона, схема Дюфорта-Франкеля. Аппроксимация, устойчивость, сходимости.
9. Разностные схемы для решения двухмерного и трехмерного уравнения теплопроводности: схема продольно-поперечной прогонки, схема дробных шагов Яненко, схема стабилизирующей поправки. Их аппроксимация и устойчивость.
10. Схемы приближенной факторизации, алгоритм их реализации. Понятие полной аппроксимации.
11. Метод правой прогонки для решения трехточечных разностных уравнений. Достаточные условия устойчивости алгоритма. Метод циклической прогонки.
12. Типы краевых задач и методы решения уравнения Пуассона. Итерационные методы: простой итерации, верхней релаксации.
13. Схема универсального алгоритма для решения уравнения Пуассона. Алгоритм продольно-поперечной прогонки и явная схема переменных направлений.
14. Прямые методы для решения уравнения Пуассона.
15. Конечно-разностные схемы для решения уравнений Максвелла. Схемы на сдвинутых сетках. Порядок аппроксимации и устойчивость явных схем. Численные законы дисперсии.
16. Схема переменных направлений для решения трехмерных уравнений Максвелла.
17. Схема с весами для решения одномерного волнового уравнения: порядок аппроксимации и устойчивость.
18. Схема с весами для решения многомерного волнового уравнения. Алгоритм реализации. Порядок аппроксимации и условие устойчивости.
19. Численные алгоритмы для решения КдВ: трехслойная явная схема, двухшаговая схема Лакса-Вендроффа, схемы повышенного порядка аппроксимации, ASD-метод.
20. Компактные разностные схемы для НУШ и УГЛ. Трехслойные разностные схемы повышенного порядка точности.
21. Алгоритмы для решения прямой задачи Захарова-Шабата: алгоритм Бофетта-Осборна, метод Абловица-Лэдика, схемы повышенного порядка точности, конечно-разностные методы.
22. Основные уравнения и общая характеристика метода частиц в плазме. Решение уравнений движения. Восстановление плотности заряда и тока. Аппроксимация сил.
23. Основные понятия и общая схема метода Монте-Карло.

### Примерные типы задач для самостоятельного решения

Определить порядок аппроксимации и условие устойчивости (необходимое спектральное условие) схем для линейного уравнения переноса:

$$1. \frac{u_j^{n+1} - u_j^n}{\tau} + c \frac{u_j^n - u_{j-1}^n}{h} = 0,$$

$$2. \frac{u_j^{n+1} - u_j^n}{\tau} + c \frac{u_{j+1}^n - u_{j-1}^n}{2h} = 0,$$

$$3. \frac{u_j^{n+1} - u_j^{n-1}}{2\tau} + c \frac{u_{j+1}^n - u_{j-1}^n}{2h} = 0,$$

$$4. \frac{u_j^{n+1} - u_j^{n-1}}{2\tau} + c \frac{u_{j+1}^n - u_{j-1}^n}{2h} = 0,$$

$$5. \frac{u_j^{n+1} - \frac{1}{2}(u_{j+1}^n + u_{j-1}^n)}{\tau} + c \frac{u_{j+1}^n - u_{j-1}^n}{2h} = 0,$$

$$6. u_j^{n+1} = u_j^n - \frac{c\tau}{2h}(u_{j+1}^n - u_{j-1}^n) + \frac{c^2\tau^2}{2h^2}(u_{j+1}^n - 2u_j^n + u_{j-1}^n).$$

7. Доказать монотонность разностной противопоточной схемы

$$u_j^{n+1} = (1-r)u_j^n + ru_{j-1}^n, r = \frac{c\tau}{h} \leq 1.$$

Определить порядок аппроксимации и условие устойчивости (необходимое спектральное условие) схем для одномерного уравнения теплопроводности:

Схемы с весами  $\frac{u_j^{n+1} - u_j^n}{\tau} + A\Lambda_{11}[\sigma u_j^{n+1} + (1-\sigma)u_j^n]$  при:

$$8. \sigma = 0,$$

$$9. \sigma = 1/2,$$

$$10. \sigma = 1,$$

$$11. \sigma = 1/2 - \frac{h^2}{12A\tau};$$

$$12. \text{Ричардсона} \quad \frac{u_j^{n+1} - u_j^{n-1}}{2\tau} = \frac{u_{j+1}^n - 2u_j^n + u_{j-1}^n}{h^2},$$

$$13. \text{Дюфорта-Франкеля} \quad \frac{u_j^{n+1} - u_j^{n-1}}{2\tau} = \frac{u_{j+1}^n - (u_j^{n+1} + u_j^{n-1}) + u_{j-1}^n}{h^2}.$$

14. Трехслойной схемы с весами

$$\frac{u_j^{n+1} - u_j^n}{2\tau} = a\Lambda_{11} \left[ \sigma u_j^{n+1} + (1-2\sigma)u_j^n + \sigma u_j^{n-1} \right], \sigma \geq 0.$$

Определить порядок аппроксимации и условие устойчивости (необходимое спектральное усло-

вие) схем для одномерного линейного уравнения Шредингера  $i \frac{\partial u}{\partial t} = \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$ :

$$15. \quad i \frac{u_j^{n+1} - u_j^n}{\tau} = \frac{u_{j+1}^n - 2u_j^n + u_{j-1}^n}{h^2},$$

$$16. \quad i \frac{u_j^{n+1} - u_j^{n-1}}{2\tau} = \frac{u_{j+1}^n - 2u_j^n + u_{j-1}^n}{h^2},$$

$$17. \quad i \frac{u_j^{n+1} - u_j^n}{\tau} = \frac{1}{2} \frac{u_{j+1}^n - 2u_j^n + u_{j-1}^n}{h^2} + \frac{1}{2} \frac{u_{j+1}^{n+1} - 2u_j^{n+1} + u_{j-1}^{n+1}}{h^2},$$

$$18. \quad i \frac{u_j^{n+1} - u_j^n}{\tau} = \frac{u_{j+1}^{n+1} - 2u_j^{n+1} + u_{j-1}^{n+1}}{h^2}.$$

19. Определить порядок аппроксимации и условие устойчивости метода продольно-поперечной прогонки

$$\frac{u^{n+1/2} - u^n}{\tau/2} = \Lambda_{11} u^{n+1/2} + \Lambda_{22} u^n, \frac{u^{n+1} - u^{n+1/2}}{\tau/2} = \Lambda_{11} u^{n+1/2} + \Lambda_{22} u^{n+1}.$$

20. Исследовать порядок аппроксимации и условие устойчивости схемы для трехмерного уравнения теплопроводности в дробных шагах

$$\begin{aligned} \frac{u^{n+1/3} - u^n}{\tau} &= \Lambda_{11} \frac{u^{n+1/3} + u^n}{2}, \\ \frac{u^{n+2/3} - u^{n+1/3}}{\tau} &= \Lambda_{22} \frac{u^{n+1/3} + u^{n+2/3}}{2}, \\ \frac{u^{n+1} - u^{n+2/3}}{\tau} &= \Lambda_{22} \frac{u^{n+2/3} + u^{n+1}}{2}. \end{aligned}$$

21. Определить порядок аппроксимации и условие устойчивости схемы с весами для волнового

уравнения  $\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = c^2 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} : u_{\bar{n},j}^n = c^2 \Lambda_{11} \left[ \sigma u_j^{n+1} + (1-2\sigma)u_j^n + \sigma u_j^{n-1} \right].$

22. Определить условие устойчивости трехслойной схемы для уравнения КдВ

$$u_j^{n+1} = u_j^{n-1} - \left( \tau u_j^n / h \right) (u_{j+1}^n - u_{j-1}^n) - \left( \beta \tau / h^3 \right) (u_{j+2}^n - 2u_{j+1}^n + 2u_{j-1}^n - u_{j-2}^n).$$

23. Доказать первый глобальный порядок точности схемы расщепления

$$u(t + \tau, x) \approx \exp(\tau \hat{D}) \exp(\tau \hat{N}) u(t, x) \quad \text{для решения уравнения} \quad \frac{\partial u}{\partial t} = (\hat{D} + \hat{N})u.$$

24. Получить схему Абловица-Лэдика для матрицы перехода  $T_m(\zeta) = \begin{pmatrix} z & \tau q_m \\ -\sigma \tau q_m^* & z^{-1} \end{pmatrix}$ ,  $z = e^{-i\zeta\tau}$

из решения прямой задачи Захарова-Шабата методом Эйлера.

Оценочные материалы по промежуточной аттестации, предназначенные для проверки соответствия уровня подготовки по дисциплине требованиям ФГОС ВО, хранятся на кафедре-разработчике РПД в печатном и электронном виде.

**Лист актуализации рабочей программы  
по дисциплине «Дополнительные главы вычислительной физики»**

№	Характеристика внесенных изменений (с указанием пунктов документа)	Дата и № протокола Учёного совета ФФ НГУ	Подпись ответственного

## Аннотация

### к рабочей программе дисциплины

#### «Дополнительные главы вычислительной физики»

направление подготовки: **03.04.01 Прикладные математика и физика**

направленность (профиль): **все профили**

Программа курса «Дополнительные главы вычислительной физики» составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки **03.04.01 Прикладные математика и физика**, а также задачами, стоящими перед Новосибирским государственным университетом по реализации Программы развития НГУ. Дисциплина реализуется на физическом факультете Федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего профессионального образования Новосибирский национальный исследовательский государственный университет (НГУ) кафедрой высшей математики физического факультета. Дисциплина изучается факультативно студентами магистратуры физического факультета.

Цель курса – познакомить обучающихся с современными вычислительными методами в применении к различным разделам физики

Дисциплина нацелена на формирование у обучающегося общепрофессиональной компетенции:

Результаты освоения образовательной программы (компетенции)	Индикаторы	Результаты обучения по дисциплине
<b>ОПК-3.</b> Способен в рамках своей профессиональной деятельности анализировать, выявлять, формализовать и находить решения фундаментальных и прикладных научно-технических, технологических и инновационных задач.	<b>ОПК - 3.1.</b> Применяет современные методы анализа, обработки и формализации информации для решения фундаментальных и прикладных научно-технических, технологических и инновационных задач при проведении научных работ, аналитических и (или) проектных исследований в избранной области, в том числе находящиеся за пределами профильной подготовки.	<b>Знать</b> современные методы вычислительной физики для различных приложений. <b>Уметь</b> сделать выбор оптимальных методов вычислительной физики при решении конкретных задач в конкретной области исследований.

Курс рассчитан на два семестра. Преподавание дисциплины предусматривает следующие формы организации учебного процесса: лекции, практические занятия, самостоятельная работа студента и её контроль преподавателями, дифференцированный зачет, консультации, экзамен.

Программой дисциплины предусмотрены следующие виды контроля:

Текущий контроль: задания для самостоятельного решения.

Промежуточная аттестация: дифференцированный зачет, экзамен.

Общая трудоемкость рабочей программы дисциплины составляет **144** академических часов / **4** зачетные единицы.