

**Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«Новосибирский национальный исследовательский государственный университет»**

**Физический факультет
Кафедра физики элементарных частиц**



**Рабочая программа дисциплины
КВАНТОВАЯ ЭЛЕКТРОДИНАМИКА**

Направление подготовки: **03.04.02 Физика**
направленность (профиль): **Общая и фундаментальная физика**

Форма обучения

Очная

Семестр	Общий объем	Виды учебных занятий (в часах)				Промежуточная аттестация (в часах)				
		Контактная работа обучающихся с преподавателем			Самостоятельная работа, не включая период сессии	Самостоятельная подготовка к промежуточной аттестации	Контактная работа обучающихся с преподавателем			
		Лекции	Практические занятия	Лабораторные занятия			Консультации	Зачет	Дифференцированный зачет	Экзамен
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1	108	32	32		22	18	2			2
Всего 108 часов / 3 зачетные единицы, из них:										
- контактная работа 68 часов										
Компетенции: ПК-1										

Руководитель программы
д.ф.-м.н.

И. Б. Логашенко

Новосибирск, 2026

Содержание

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесённых с планируемыми результатами освоения образовательной программы.	3
2. Место дисциплины в структуре магистерской программы	3
3. Трудоемкость дисциплины в зачётных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающегося с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу.	4
4. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведённого на них количества академических часов и видов учебных занятий.	5
5. Перечень учебной литературы.	7
6. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов.	8
7. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.	8
8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине.	9
9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине.	9
10. Оценочные средства для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине.	9

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесённых с планируемыми результатами освоения образовательной программы.

Основной целью дисциплины «Квантовая электродинамика» является обучение магистрантов-физиков основам квантовой теории поля на примере абелевой калибровочной теории электромагнитных взаимодействий электронов и фотонов – квантовой электродинамики. В курсе излагается материал, знание которого необходимо как для теоретиков, так и для экспериментаторов. Он включает основы квантовой электродинамики (КЭД) и современные методы расчета электродинамических процессов. Курс состоит из пяти разделов: I. Основы квантовой электродинамики (построение лагранжиана квантовой электродинамики, инвариантная теория возмущений, диаграммная техника Фейнмана, сечения основных процессов в КЭД), II Элементарные процессы квантовой электродинамики, III. Приближенные методы (мягкофотонное приближение, метод эквивалентных фотонов и квазиреальных электронов), IV. Радиационные поправки (теория перенормировок, радиационные поправки), V. Метод функционального интегрирования. В курсе также излагаются основы квантовой теории поля и современные методы теоретического анализа, позволяющие делать простые оценки для всего многообразия процессов и явлений квантовой электродинамики, а также позволяющие изучать другие разделы квантовой теории поля.

Дисциплина нацелена на формирование у обучающегося профессиональной компетенции:

Результаты освоения образовательной программы (компетенции)	Индикаторы	Результаты обучения по дисциплине
ПК-1 Способен использовать специализированные знания в области физики при решении поставленных задач в исследовательской деятельности в соответствии с профилем подготовки в зависимости от специфики объекта исследования.	ПК 1.1 Применяет специализированные знания в области физики при решении конкретных задач в области исследований в соответствии с профилем подготовки в зависимости от специфики объекта исследования. ПК 1.2 Выбирает наиболее эффективные методы решения конкретных задач в области исследований в соответствии с профилем подготовки в зависимости от специфики объекта исследования.	Знать теоретические методы, применяемые в абелевой калибровочной теории поля (квантовой электродинамики), основные концепции, лежащие в основе построения теории физики элементарных частиц, современную литературу по тематике курса «Квантовая электродинамика» -базовые разделы квантовой теории поля: основные понятия, модели, законы и теории; теоретические и методологические основы построения Стандартной модели. Уметь самостоятельно решать простейшие задачи и проводить оценки для процессов ширин и сечений в квантовой электродинамике; уметь применять знания квантовой электродинамики для анализа и обработки результатов физических экспериментов. Владеть навыками постановки и решения задач научных исследований в области физики элементарных частиц; основными

Результаты освоения образовательной программы (компетенции)	Индикаторы	Результаты обучения по дисциплине
		методами научных исследований, навыками использования теоретических основ базовых разделов общей и теоретической физики при решении научно-инновационных задач; знаниями на уровне, позволяющем проводить эффективный анализ научной и технической информации в области квантовой теории поля.

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Квантовая электродинамика» реализуется в осеннем семестре 1 курса для магистрантов, обучающихся по направлению подготовки 03.04.02 Физика. Курс является одной из профессиональных дисциплин по выбору, реализуемых кафедрой физики элементарных частиц. Для ее восприятия требуется успешное прохождение курса «Физика элементарных частиц». Дисциплина должна предшествовать выполнению квалификационной работы, т.к. дает магистранту необходимые знания, навыки и предоставляет инструменты для выполнения исследований в области физики элементарных частиц в рамках подготовки ее подготовки.

3. Трудоемкость дисциплины в зачётных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающегося с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу.

Трудоемкость дисциплины составляет: 3 зачётные единицы, 108 часов.

Форма промежуточной аттестации: 1 семестр – экзамен.

№		Вид деятельности	Семестр
			1
1		Лекции, ч	32
2		Практические занятия, ч	32
3		Лабораторные занятия, ч	-
4		Занятия в контактной форме, ч из них	68
5		аудиторных занятий, ч	64
6		в электронной форме, ч	-
7		консультаций, час.	2
8		промежуточная аттестация, ч	2

9		Самостоятельная работа, час.	40
10		Всего, ч	108

4. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведённого на них количества академических часов и видов учебных занятий.

Дисциплина «Квантовая электродинамика» представляет собой полугодовой курс, читаемый на 1-ом курсе магистратуры физического факультета НГУ в 1 семестре. Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетные единицы, 108 академических часов.

Программа и основное содержание лекций

I. Основы квантовой электродинамики (5 часов)

1. Система единиц. Уравнения Максвелла и Дирака. Принцип калибровочной инвариантности. Лагранжиан квантовой электродинамики (КЭД). Симметрии КЭД. Представление взаимодействия для полевых операторов. Обзор методов квантования КЭД.
2. S-матрица. Релятивистская инвариантность и унитарность. Теорема Вика. Инвариантная теория возмущений. Правила диаграммной техники в КЭД. Вероятности и сечения.
3. Реакции с поляризованными частицами. Поляризационные матрицы плотности электрона и позитрона. Зарядовое сопряжение. Поляризационная матрица плотности фотона. Параметры Стокса и их физический смысл. Спиральность. Инвариантные амплитуды. Кросс-инвариантность.

II. Элементарные процессы квантовой электродинамики (8 часов)

4. Процессы во внешнем поле. Упругое рассеяние электрона на ядре, формула Мотта. Форм-фактор ядра. Скалярная КЭД, рассеяние электрона на π -мезоне, форм-фактор π -мезона, реакция $e^+e^- \rightarrow \pi^+\pi^-$. Параметризация форм-факторов, формула Брейта-Вигнера. Соотношение унитарности и оптическая теорема.
5. Рассеяние электрона на протоне, форм-факторы электрона и протона, формула Розенблюта. Превращение электрон-позитронной пары в пару мюонов, угловое распределение и полное сечение. Кулоновский фактор (Зоммерфельда-Гамова-Сахарова).
6. Рассеяние электрона на мюоне. Нерелятивистский предел, уравнение Брейта. Потенциальное взаимодействие электронов и позитронов с электроном. Аннигиляционная часть потенциала Брейта, гамильтониан Брейта. Позитроний. Уровни энергии и моды распада орто- и пара- позитрония.
7. Рассеяние фотона π -мезоном и электроном, формула Клейна-Нишины-Тамма. Двухфотонная аннигиляция электрон-позитронной пары и рождение пары двумя фотонами. Угловые распределения и полные сечения.
8. Рассеяние электронов и позитронов на электроне, формулы Мёллера и Баба, ультрарелятивистский предел дифференциальных сечений. Оценки для сечений процессов при больших энергиях, пример: сечение рассеяния света на свете при больших и малых энергиях.

III. Приближенные методы (5 часов)

9. Мягкофотонное приближение, вывод основной формулы. Излучение произвольного числа мягких фотонов в главном логарифмическом приближении. Метод классических токов, явный вид квазиклассической S-матрицы.
10. «Инфракрасная катастрофа», ее физический смысл. Сокращение реальных и виртуальных инфракрасных расходимостей в методе классических токов.

Экспериментально наблюдаемые сечения, смысл ``борновского" сечения. Радиационные поправки за счет мягких фотонов, примеры: тормозное излучение во внешнем поле, поправки к резонансным сечениям.

11. Коллинеарные приближения. "Голые" и "физические" частицы. Метод эквивалентных фотонов (Ферми-Вейцзеккера-Вильямса), число фотонов в электро-не, матрица плотности эквивалентного фотона.
12. Метод квазиреальных электронов, число электронов в фотоне и электро-не. Примеры применения приближения: тормозное излучение во внешнем поле, рождение пары фотоном во внешнем поле (процесс Бете-Гайтлера), тормозное излучение при электрон-электронном (позитронном) рассеянии. Двойное приближение эквивалентных фотонов.

IV. Радиационные поправки: (7 часов)

13. Подсчет ультрафиолетовых расходимостей в радиационных поправках. Алгебра знаменателей (параметризации Фейнмана и Швингера, представление Меллина-Барнса). Методы регуляризации расходимостей: размерная регуляризация $D=4+2\epsilon$, регуляризация Паули-Вилларса и др.
14. Точная функция Грина фотона, поляризационный оператор. Дисперсионные соотношения. Правило Кутковского для вычисления скачка амплитуды, нахождение поляризационного оператора с помощью унитарности и аналитичности.
15. Точная функция Грина электрона, массовый оператор. Перенормировка волновых функций и массы. Вершинная функция Грина, форм-факторы электрона, перенормировка вершинной функции.
16. Перенормировка заряда и проблема нуля заряда в КЭД. Построение теории возмущений по перенормированному заряду с помощью контрчленов. Общее тождество Уорда в КЭД. Разностное тождество Уорда, соотношение между константами перенормировки в КЭД ($Z_1=Z_2$).

V. Метод функционального интегрирования (7 часов)

17. Метод функционального интегрирования в квантовой механике: представление для функций Грина. Представление через функциональный интеграл для коррелятора в квантовой теории поля (бозонные поля). Двухточечные корреляторы, гауссовы функциональные интегралы. Производящие функционалы для функции Грина. Функциональные производные.
18. Грассманова алгебра, грассмановы поля. Дифференцирование и интегрирование грассмановых полей. Гауссовы функциональные интегралы для грассмановых полей. Квантование КЭД в методе функционального интегрирования: фиксация калибровки, функциональные детерминанты.
19. Симметрия Бекки-Руэ-Стора-Тютин (БРСТ) для лагранжиана КЭД в лоренцевской калибровке и ее следствия. Симметрии в функциональном формализме и уравнения Дайсона-Швингера.

Программа практических занятий

I. Основы квантовой электродинамики (5 часов)

1. Алгебра гамма-матриц в D -мерном пространстве, тождество Гордона. Тождества Фирца.
2. Знакомство с системами компьютерной алгебры и их применение для вычислений в квантовой теории поля.
3. Функции Грина, зависимость от калибровки. Теорема Фарри.

II. Элементарные процессы квантовой электродинамики (8 часов)

4. Рассеяние электрона на ядре, мюоне. Поляризационные эффекты.
5. Превращение электрон-позитронной пары в пару мюонов. Угловое распределение и полное сечение. Рассеяние электрона на протоне, формула Розенблюта.

6. Электрон-электронное и электрон-позитронное рассеяние. Комптоновское рассеяние.
7. Брейтовский гамильтониан для электронов и позитронов. "Аннигиляционная" часть потенциала.
8. Тонкая структура уровней позитрония. Двух- и трех-фотонная аннигиляция электрон-позитронной пары. Времена жизни орто- и пара-позитрония. Теорема Ландау.

III. Приближенные методы: (5 часов)

9. Излучение мягких фотонов. Спектр излучения фотона в процессе тормозного излучения на ядре, в процессах $e^+e^- \rightarrow \mu^+ \mu^- \gamma$, $e^+e^- \rightarrow e^+e^- \gamma$.
10. Сокращение реальных и виртуальных инфракрасных расходимостей в методе классических токов. Спектр мягких фотонов для двойного тормозного излучения $e^+e^- \rightarrow e^+e^- \gamma \gamma$.
11. Приближение эквивалентных фотонов. Спектр и угловое распределение тормозного излучения электрона на ядре и на электроне. Полные сечения тормозного излучения. Спектр и угловое распределение тормозного излучения при электрон-электронном (позитронном) рассеянии. Фоторождение пары на ядре (процесс Бете-Гайтлера).
12. Двойное приближение эквивалентных фотонов, примеры двухфотонного механизма электророждения: рождение пары мюонов, рождение адронных резонансов, полные адронные сечения в двухфотонном механизме.

IV. Радиационные поправки (7 часов):

13. Алгебра знаменателей (параметризации Фейнмана и Швингера, представление Меллина-Барнса). Вычисление поляризационного оператора в размерной регуляризации $D=4+2\epsilon$.
14. Общий вид вершинной функции. Первый дираковский форм-фактор в однопетлевом приближении. Дважды логарифмическое приближение. Связь между аномальным магнитным моментом и вторым дираковским форм-фактором.
15. Вычисление массового оператора. Прямое доказательство разностного тождества Уорда в однопетлевом приближении. Тождество $Z_1=Z_2$.

V. Метод функционального интегрирования (7 часов)

16. Вычисление амплитуды перехода в квантовой механике для одномерного осциллятора с помощью функционального интегрирования.
17. Пропагатор фотона в планарной калибровке. Дифференцирование и интегрирование грассмановых полей. Гауссовы функциональные интегралы для грассмановых полей. Замена переменных в функциональном интеграле по грассмановым полям. Вывод тождества Уорда в методе функционального интегрирования.
18. Регуляризация методом "размывания" дельта-функции. Вычисление аксиальной (треугольной) аномалии Адлера -- Белла -- Джакива в методе функционального интегрирования.
19. Тензор энергии-импульса КЭД, аномалия следа тензора энергии-импульса, перенормировка заряда и массы электрона.

Самостоятельная работа студентов (40 часов)

Перечень занятий на СРС	Объем, час
Подготовка к практическим занятиям	12
Изучение теоретического материала, не освещаемого на лекциях	10
Подготовка к экзамену	18

5. Перечень учебной литературы.

1. В.Н. Грибов, Квантовая электродинамика: учебное пособие, Новосиб. гос. ун-т Новосибирск: РИЦ НГУ, 2000.(25 экз.)

2. В.Г. Зелевинский, Квантовая физика [учебное пособие для студентов физических и физико-технических вузов в 3 т., пер. с англ.], Новосибирск, РИЦ НГУ 2014-2015. Т.1: Основные понятия квантовой механики. Симметрии 2014501 с. : ил. ISBN 978-5-4437-0322-0 (99 экз.); Т.2: Центральное поле. Атом во внешних полях 2015433 с. : ил. ISBN 978-5-4437-0385-5 (99 экз.); Т.3: Реакции, релятивизм. Квантовая теория многих тел. Квантовый хаос 2015547 с. : ил. ISBN 978-5-4437-0386-2 (69 экз.)
3. М. Пескин, Д. Шредер, Введение в квантовую теорию поля. Москва-Ижевск, 2001 г., ISBN 5-93972-083-8 (10 экз.)
4. В.Б. Берестецкий, Е.М. Лифшиц, Л.П. Питаевский, Наука, 1971. Теоретическая физика. Т.4. Ч.1. Релятивистская квантовая теория/ Берестецкий В.Д., Лифшиц Е.М., Питаевский Л.П. / Л.Д. Ландау М. : Наука, 1968 480 с. : ил. (73 экз.)
5. А.И. Ахиезер, В.Б. Берестецкий, Квантовая электродинамика, 4-е изд., Наука, 1981. (16 экз.)
6. К. Ициксон, Квантовая теория поля: в 2 т. : [пер. с англ.] / К. Ициксон ; пер. под ред. Р. М. Мир-Касимова Москва : Мир, 1984. Пер. изд.: Quantum field theory / Claude Itzykson, Jean-Bernard Zuber. - New York etc.: McGraw-Hill, 1980. (Т.1-3 экз, Т2- 3 экз.)
7. В.Н. Байер. Физика элементарных частиц. ч.1. Н. 1972 г., В.Н. Байер, Физика элементарных частиц, ч.1. Н, 1972 г., ч.2. Н. 1978. (1 экз.)

6. Перечень учебно-методических материалов по самостоятельной работе обучающихся

1. М. Srednicki, Quantum Field Theory, Cambridge university press, 2007.
2. Yu. Makeenko, Methods of Contemporary Gauge Theory, Cambridge university press, 2002.
3. В.Н. Байер, В.М. Катков, В.С. Фадин, Излучение релятивистских электронов, Москва, Атомиздат, 1973.
4. Р. Фейнман, Квантовая электродинамика, Новокузнецкий ФМИ, 1998.
5. В.С. Фадин, Квантовая электродинамика (курс лекций), электронное пособие по программе НИУ НГУ, 2013.

7. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.

Для освоения дисциплины используются следующие ресурсы:

- электронная информационно-образовательная среда НГУ (ЭИОС);
- образовательные интернет-порталы;
- информационно-телекоммуникационная сеть Интернет.
- Веб-страница кафедры теоретической физики <http://www.inp.nsk.su/students/theor/index.ru.html>
- Веб-страница TreeofKnowledge (автор: доцент, д.ф.-м.н. Ли Р.Н.)
<http://www.inp.nsk.su/students/theor/TreeofKnowledge/index.TreeOfKnowledge.html>
- Видеолекции по КЭД профессора, д.ф.-м.н., чл.-корр. РАН Фадына В.С.
<https://www.youtube.com/playlist?list=PLPFUq1zn8x37vo3uSPB2t7gPTLedMr3fa>
- Видеосеминары по КЭД доцента, к.ф.-м.н. Резниченко А.В.
<https://www.youtube.com/playlist?list=PLPFUq1zn8x36tEait-pYyboIZRFgOYOGm>

7.1 Современные профессиональные базы данных

Не используются

7.2 Информационные справочные системы

Не используются

8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине.

Для обеспечения реализации дисциплины используется стандартный комплект программного обеспечения (ПО), включающий регулярно обновляемое лицензионное ПО Windows.

Использование специализированного программного обеспечения для изучения дисциплины не требуется.

9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине.

Для реализации дисциплины используются специальные помещения:

1. Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, практических занятий, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля, промежуточной и итоговой аттестации.

2. Помещения для самостоятельной работы обучающихся.

Учебные аудитории укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду НГУ.

Материально-техническое обеспечение образовательного процесса по дисциплине для обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья осуществляется согласно «Порядку организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья в Новосибирском государственном университете».

10. Оценочные средства для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине.

10.1 Порядок проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине

Текущий контроль

Текущий контроль осуществляется в ходе семестра путем проверки решения задач студентами из заданий для самостоятельного решения.

Промежуточная аттестация

Освоение компетенций оценивается согласно шкале оценки уровня сформированности компетенции. Положительная оценка по дисциплине выставляется в том случае, если заявленная компетенция ПК-1 сформирована не ниже порогового уровня.

Окончательная оценка работы студента в течение семестра происходит на экзамене. Экзамен проводится в конце семестра в экзаменационную сессию по билетам в устной форме. Вопросы билета подбираются таким образом, чтобы проверить уровень сформированности компетенций ПК-1.

Вывод об уровне сформированности компетенций принимается преподавателем. Каждый вопрос билета оценивается от 0 до 5 баллов. Положительная оценка ставится, когда все компетенции освоены не ниже порогового уровня. Оценки «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» означают успешное прохождение промежуточной аттестации. Критерии и шкалы оценивания индикаторов достижения результатов обучения отражены в Таблице 10.2.

Соответствие индикаторов и результатов освоения дисциплины

Таблица 10.1

Индикатор	Результат обучения по дисциплине	Оценочные средства
ПК 1.1 Применяет специализированные знания в области физики при решении конкретных задач в области научных исследований в соответствии с профилем подготовки в зависимости от специфики объекта исследования.	Знать теоретические методы, применяемые в абелевой калибровочной теории поля (квантовой электродинамики), основные концепции, лежащие в основе построения теории физики элементарных частиц, современную литературу по тематике курса «Квантовая электродинамика» -базовые разделы квантовой теории поля: основные понятия, модели, законы и теории; теоретические и методологические основы построения Стандартной модели.	Опрос в начале каждой лекции, экзамен.
ПК 1.2 Выбирает наиболее эффективные методы решения конкретных задач в области научных исследований в соответствии с профилем подготовки в зависимости от специфики объекта исследования.	Уметь самостоятельно решать простейшие задачи и проводить оценки для процессов ширин и сечений в квантовой электродинамике; уметь применять знания квантовой электродинамики для анализа и обработки результатов физических экспериментов. Владеть навыками постановки и решения задач научных исследований в области физики элементарных частиц; основными методами научных исследований, навыками использования теоретических основ базовых разделов общей и теоретической физики при решении научно-инновационных задач; знаниями на уровне, позволяющем проводить эффективный анализ научной и технической информации в области квантовой теории поля.	Опрос в начале каждой лекции, экзамен.

10.2 Описание критериев и шкал оценивания индикаторов достижения результатов обучения по дисциплине «Квантовая электродинамика»

Таблица 10.2

Критерии оценивания результатов обучения	Шкала оценивания
<u>Сдача заданий:</u> выполнено и сдано не менее 90% задач в течение семестра <u>Экзамен:</u> - дан развернутый ответ на вопросы билета и оценка на письменной части экзамена (или средняя оценка за две потоковые контрольные работы) не ниже «хорошо», – точность и корректность применения терминов и понятий; - умение делать выводы и обобщения, – наличие исчерпывающих ответов на дополнительные вопросы, имеющие принципиальное значение для данной дисциплины.	<i>Отлично</i>

В ответах на вопросы обучающийся мог допустить непринципиальные неточности.	
<u>Сдача заданий:</u> выполнено и сдано не менее 80% задач в течение семестра <u>Экзамен:</u> - дан правильный ответ на вопросы билета и оценка на письменной части экзамена (или средняя оценка за две потоковые контрольные работы) не ниже «удовлетворительно», – наличие правильных ответов на дополнительные вопросы, имеющие принципиальное значение для данной дисциплины. В ответах на вопросы обучающийся мог допустить незначительные ошибки.	<i>Хорошо</i>
<u>Сдача заданий:</u> выполнено и сдано не менее 70% задач в течение семестра <u>Экзамен:</u> - дан правильный ответ на один вопрос билета и оценка на письменной части экзамена (или хотя бы одна из двух оценок за потоковые контрольные работы) не ниже «удовлетворительно», – наличие правильных ответов на дополнительные вопросы, имеющие принципиальное значение для данной дисциплины.	<i>Удовлетворительно</i>
<u>Сдача заданий:</u> сдано менее 60% задач в течение семестра <u>Экзамен:</u> - не даны правильные ответы на вопросы билета и оценка на письменной части экзамена «неудовлетворительно», – не отвечает на дополнительные вопросы, имеющие принципиальное значение для данной дисциплины.	<i>Неудовлетворительно</i>

10.3 Типовые контрольные задания и материалы, необходимые для оценки результатов обучения

Задания для самостоятельного решения

1. В ультрарелятивистском пределе вычислить дифференциальные сечения $e^- \mu^-$ рассеяния для определенных спиральностей начальных частиц, используя проекторы на состояния с определенными спиральностями $(\frac{1+\gamma_5}{2})$ и соотношения Фирца.
2. Найти, какой вид имел бы гамильтониан электрон-электронной (позитронной) системы с точностью до членов v^2/c^2 если бы фотон был: а) скалярной б) псевдоскалярной частицей.
3. Вычислить дифференциальное и полное сечение процесса $\gamma\gamma \rightarrow e^+ e^-$ при одинаковых спиральностях фотонов.
4. Найти полное сечение процесса электрон-позитронной аннигиляции в мюонную пару в случае поляризованных начальных частиц.
5. В ультрарелятивистском пределе найти поляризацию мюона μ^- , рождающегося в процессе $e^+ e^- \rightarrow \mu^+ \mu^-$ с поляризованными начальными частицами (по поляризации μ^+ проводится суммирование).
6. В логарифмическом приближении найти в физическом электроне со спиральностью λ_e число "голых" фотонов со спиральностью λ_γ , долей продольного импульса x и поперечными импульсами меньшими $\mu \ll m_e$.
7. В приближении эквивалентных фотонов найти дифференциальное по углу вылета и энергии гамма-кванта сечение процесса тормозного излучения при высокоэнергетическом электрон-электронном (позитронном) столкновении. Рассмотреть случаи малых ($\theta \ll 1/\gamma$) и

больших ($1/\gamma \ll \theta \ll 1$) углов вылета фотона в С.Ц.И. начальных частиц. Вычислить спектр гамма-квантов.

Билеты на экзамен

Билет 1

1. Процесс $e^+e^- \rightarrow \pi^+ \pi^-$. Угловое распределение. Форм-фактор π -мезона и его феноменологические параметризации.
2. Доказать теорему Фарри (о занулении в полной амплитуде вкладов фермионной петли с нечетным числом фотонов).
3. Вывод формулы для числа фотонов в электроне $dn_\gamma(x, q_\perp)$ в методе эквивалентных фотонов. Какова поляризация эквивалентных фотонов?
4. Тождество Уорда (формулировка). Дифференциальное тождество Уорда (вывод). Доказательство соотношения $Z_1 = Z_2$.
5. Квантование фотонных полей КЭД в формализме функционального интегрирования: фиксация калибровки, анзац Фаддеева-Попова, формула для коррелятора калибровочно-инвариантного оператора.

Билет 2

1. Процесс $e^+e^- \rightarrow \mu^+ \mu^-$. Угловое распределение. Полное сечение.
2. Доказать теорему Ландау (о невозможности состояния двух фотонов с полным моментом единица).
3. В рамках мягкофотонного приближения найти спектр $(\frac{d\sigma}{d\omega})$ мягких фотонов в процессе $e^+e^- \rightarrow \mu^+ \mu^- \gamma$. Упростить получившееся выражение в пределе $s \gg \mu^2$.
4. Перенормированная константа связи. Перенормированная теория возмущений. Контрчлены и правила Фейнмана для них. Условия перенормировки в КЭД.
5. Алгебра Грассмана. Дифференцирование и интегрирование грассмановых полей. Вычисление гауссовского интеграла $\int D\bar{\Psi} D\Psi \exp[\bar{\Psi} A \Psi]$. Квантование фермионных полей в формализме функциональных интегралов.

Билет 3

1. Вывести аннигиляционную часть потенциала Брейта: $U_{ann}(\vec{r}) = \frac{\pi\alpha}{2m^2} (3 + \vec{\sigma}_+ \vec{\sigma}_-) \delta(\vec{r})$.
2. Доказать, что мягкие фотоны излучаются независимым образом: вывести фактор излучения N мягких фотонов.
3. Вывести формулу (представление Меллина-Барнса) алгебры знаменателей:

$$\frac{1}{(a+b)^n} = \frac{1}{\Gamma(n)} \frac{1}{2\pi i} \int_{-i\infty+\sigma}^{+i\infty+\sigma} dz \Gamma(-z) \Gamma(n+z) a^z b^{-n-z}, \text{ где } n \text{ есть целое положительное число.}$$

Вывести формулу параметризации Фейнмана для произведения знаменателей $\frac{1}{D_1^{\alpha_1} \dots D_n^{\alpha_n}}$ из

$$\alpha\text{-параметризации: } \frac{1}{D^\nu} = \frac{1}{\Gamma(\nu)} \int_0^\infty d\alpha \alpha^{\nu-1} e^{-\alpha D}, \text{ Re } D > 0, \text{ Re } \nu > 0.$$

4. Точная функция Грина фотона. Поляризационный оператор. Константа перенормировки Z_3 . Перенормированный поляризационный оператор. Эффективная константа связи в КЭД при больших передачах $-q^2 \gg m^2$.
5. Соотношение Дайсона-Швингера. Вывод разностного тождества Уорда в КЭД.

Билет 4

1. Сечение комптоновского рассеяния. Вывод сечения для скалярных заряженных частиц. Как изменится ответ в КЭД? Формула Клейна-Нишины-Тамма.
2. Рассеяние электрона на ядре в борновском приближении (вывод формулы для дифференциального сечения $\frac{d\sigma}{d\Omega}$). Физический смысл форм-фактора ядра.
3. Вывод формулы для числа электронов в фотоне $dn_e^\gamma(x, q_\perp)$ исходя из вычисленного квадрата амплитуды (в неполяризованном случае) для числа фотонов в электроне $dn_e^\gamma(x, q_\perp)$:
$$|M|^2 = 2e^2 \frac{q_\perp^2 (1 + (1-x)^2) + m^2 x^4}{x^2 (1-x)}.$$
4. Вычислить в размерностной регуляризации ($D=4+2\epsilon$) расходящуюся часть вклада скалярных заряженных частиц в однопетлевой поляризационный оператор. Сравнить с аналогичным выражением для вклада e^+e^- .
5. БРСТ-симметрия в лагранжиане КЭД в лоренцевской калибровке. Доказательство неперенормируемости продольной части точной функции Грина фотона.

Билет 5

1. Принцип калибровочной инвариантности в КЭД. Принципы построения лагранжиана КЭД (явная форма лагранжиана, симметрии лагранжиана).
2. Рассеяние электрона на ядре в борновском приближении. Вывод формулы Мотта (формула для дифференциального сечения $\frac{d\sigma}{d\Omega}$). Физический смысл форм-фактора ядра.
3. Метод классических токов в мягкофотонном приближении. Вывод квазиклассического выражения для S-матрицы.
4. Вычислить в размерностной регуляризации ($D=4+2\epsilon$) расходящуюся часть константы перенормировки Z_2 . (Указание: регуляризуйте инфракрасную расходимость малой массой фотона μ_γ)
5. Вывод выражения для квантовомеханической амплитуды перехода $\langle x_b, t_b | x_a, t_a \rangle$ в формализме функционального интегрирования.

Билет 6

1. Поляризация электронов. Связь электронной и позитронной волновых функций. Вектор а^μ Паули-Любанского. Релятивистская матрица плотности. Нахождение физической поляризации электрона в конечном состоянии.
2. Рассеяние электронов и позитронов на электроне, формулы Мёллера и Баба. Оценки для сечений процессов при больших энергиях.
3. Вывод основной формулы (фактор дифференциальной вероятности излучения одного фотона $dw^{(1)}$) для мягкофотонного приближения. Функция $F(\xi)$ и ее асимптотики.
4. Вычислить мнимую часть однопетлевого поляризационного оператора в КЭД с помощью правил (Кутковского) нахождения скачка амплитуды на разрезе.
5. Квантование бозе-полей в формализме функционального интегрирования. Вывод формулы для коррелятора полей. Производящий функционал и функциональная производная.

Билет 7

1. Формула соответствия (между амплитудой и потенциалом) для потенциального рассеяния частиц (формулировка). Гамильтониан Брейта. Позитроний. Ширины распада орто- и пара-позитрония (вывод из известных формул для сечений).

2. Инфракрасная катастрофа в мягкофотонном приближении. Интерпретация борновского сечения. Оценка для радиационных поправок в мягкофотонном приближении.
3. Вывести поляризационную матрицу плотности для эквивалентных фотонов. Поляризация эквивалентных фотонов.
4. Кажущаяся степень расходимости диаграммы в КЭД, $k=4L-P_e-2P_\gamma$ (L – число петель, P_e – число электронных пропагаторов, P_γ – число фотонных пропагаторов). Выразить k через число внешних фотонных (N_γ) и электронных (N_e) линий в размерности $D=4$. Основные расходящиеся амплитуды в КЭД.
5. Теорема Вика в методе функционального интегрирования для свободных бозе-полей, нахождение свободных пропагаторов на примере теории вещественного скалярного поля.

Билет 8

1. Поляризация фотонов. Параметры Стокса и их смысл. Матрица плотности фотона.
2. Кулоновский фактор (Зоммерфельда-Гамова-Сахарова).
3. Вывод формулы для числа фотонов в электроне $dn^\gamma_e(x, q^\perp)$ в методе эквивалентных фотонов.
4. Показать, что эволюционный оператор $U(0, -\infty)$ переводит состояния “голых” частиц, являющиеся собственными состояниями гамильтониана H_0 , в состояния “физических” частиц, являющиеся собственными состояниями гамильтониана $H = H_0 + V$ с той же энергией.
5. Теорема Вика в методе функционального интегрирования для свободных ферми-полей. Пропагатор электрона в КЭД.

Билет 9

1. Правила Фейнмана в квантовой электродинамике.
2. Сечение процесса аннигиляции электрон-позитронной пары в два гамма-кванта. Ультрарелятивистский и нерелятивистский пределы.
3. Сокращение реальных и виртуальных инфракрасных расходимостей в методе классических токов.
4. Вершинная функция Грина в КЭД. Константа перенормировки Z_1 . Электромагнитные форм-факторы электрона $F_1(q)$ и $F_2(q)$. Связь магнитного момента электрона и форм-фактора $F_2(q)$ (вывод).
5. Вывод правил Фейнмана в КЭД в формализме функционального интегрирования (вершина $e-e-\gamma$, свободные пропагаторы фотона и электрона).

Билет 10

1. Лагранжиан квантовой электродинамики. Симметрии КЭД. Представление взаимодействия для полевых операторов, выражение для функции Грина произвольных гейзенберговских операторов через операторы в представлении взаимодействия.
2. Рассеяние электрона на протоне, форм-факторы электрона и протона, формула Розенблюта.
3. Фоторождение пары на ядре (процесс Бете-Гайтлера) в случае, когда частота фотона много больше массы электрона (вывод выражения для сечения с помощью метода эквивалентных фотонов).
4. Разностное тождество Уорда (формулировки). Демонстрация разностного тождества Уорда на однопетлевом уровне.
5. Вычисление квантовомеханической амплитуды перехода $\langle x_b, t_b | x_a, t_a \rangle$ для свободной нерелятивистской частицы в формализме функционального интегрирования.

Билет 11

1. Общее соотношение унитарности для S-матрицы. Унитарность S-матрицы в КЭД для лоренцевской калибровки.

2. Процесс рассеяния электрона на π -мезоне (получить выражение для дифференциального сечения). Форм-факторы π -мезона и их физический смысл.
3. Получить спектр излучения мягкого фотона в процессе тормозного излучения на ядре.
4. Дисперсионные соотношения. Восстановление выражения для (однопетлевого) перенормированного поряризационного оператора по известной мнимой части

$$\text{Im} P(q^2 + i0) = -\frac{\alpha}{3} \sqrt{1 - \frac{4m^2}{q^2}} \left(1 + \frac{2m^2}{q^2} \right).$$

5. Вычислить зависимость от координат x_a и x_b амплитуды перехода $\langle x_b, t_b | x_a, t_a \rangle$ для одномерного квантового осциллятора в формализме функционального интегрирования.

Билет 12

1. Канонический тензор энергии-импульса в КЭД. Тензор Белинфанте. Симметричный тензор энергии-импульса в КЭД.
2. Пользуясь гамильтонианом Брейта, найти разницу энергий основного состояния орто- и пара-позитрония: $E(^3S_1) - E(^1S_0)$.
3. Двойное приближение эквивалентных фотонов (получение интерполяционной формулы). Демонстрация метода на примере процесса $e^+e^- \rightarrow e^+e^- \mu^+ \mu^-$.
4. Методы регуляризации расходимостей в теории поля: размерная регуляризация, регуляризация Паули-Вилларса и др. (обзор). Вычислить в размерности $D=4+2\epsilon$ эталонные интегралы: $\int \frac{d^D p}{(2\pi)^D} \frac{1}{(p^2 - \Delta + i0)^\alpha}$, $\int \frac{d^D p}{(2\pi)^D} \frac{p^2}{(p^2 - \Delta + i0)^\alpha}$, $\int \frac{d^D p}{(2\pi)^D} \frac{p^\mu p^\nu}{(p^2 - \Delta + i0)^\alpha}$.
5. Квантование фотонных полей КЭД в формализме функционального интегрирования: фиксация калибровки, анзац Фаддеева-Попова, формула для коррелятора калибровочно-инвариантного оператора.

Билет 13

1. Вывести аннигиляционную часть потенциала Брейта: $U_{ann}(\vec{r}) = \frac{\pi\alpha}{2m^2} (3 + \overrightarrow{\sigma_+} \overrightarrow{\sigma_-}) \delta(\vec{r})$.
2. Доказать, что мягкие фотоны излучаются независимым образом: вывести фактор излучения N мягких фотонов.
3. Получить спектр излучения мягкого фотона в процессе тормозного излучения на ядре.
4. Вывести формулу параметризации Фейнмана для произведения знаменателей $\frac{1}{D_1^{\alpha_1} \dots D_n^{\alpha_n}}$ из α -параметризации: $\frac{1}{D^\nu} = \frac{1}{\Gamma(\nu)} \int_0^\infty d\alpha \alpha^{\nu-1} e^{-\alpha D}$, $\text{Re } D > 0$, $\text{Re } \nu > 0$.
5. Соотношение Дайсона-Швингера. Вывод разностного тождества Уорда в КЭД.

Оценочные материалы по промежуточной аттестации, предназначенные для проверки соответствия уровня подготовки по дисциплине требованиям СУОС, хранятся на кафедре-разработчике РПД в печатном и электронном виде.